# ノッティンガム大学(イギリス) 研修報告書 エンジン振動を用いた発電とそのモデリング技術

## 工学研究科 輸送・環境システム専攻 小山 浩明

### 1. はじめに

2015 年 9 月 1 日から同年 9 月 29 日の間,イギリスのノッティンガム大学において研究を行った。以下にその報告内容を示す.

### 2. 共同研究テーマ

ノッティンガム大学は圧電素材を用いたエナジーハーベスティングに関する研究に取り組ん でおり、そこでは数値シミュレーションを用いた研究が盛んに行われている.また広島大学は エンジン振動を利用したエナジーハーベスティング技術の開発に取り組んでいる.そこでノッ ティンガム大学とエンジン振動下での発電シミュレーション技術に関する研究を行う.

# 3. 共同研究スケジュール

9月1日 出国 9月2日~9月29日 研究,プレゼンテーション 10月1日 帰国

## 4. 共同研究派遣先の概要

大学名: University of Nottingham 所在地: イギリス イングランド ノッティンガム 指導教員: Prof. Atanas Popov

### 5. 共同研究内容

### 5.1 緒言

近年、エネルギー需要の増大や地球温暖化などの問題から再生可能エネルギーや自然エネル ギーといったクリーンエネルギーを使用した発電技術の利用割合の増加が求められている.太 陽光発電や風力発電は広く実用化が行われており、ソーラー発電システムは一般家庭への導入が 加速化している. その中で,クリーンな発電方法として圧電材料を用いたエネルギー回生技術に も注目が集まっており、多くの研究者が実用化に向けた取り組みを行っている.私の研究室でも 圧電フィルム(PVDF)を用いた Fig. 1 に示す柔軟発電体 (Flexible Piezoelectric Device:以 下 FPED)を提案し、エネルギー回生技術の開発を行ってきた. また、地球温暖化や燃料価格の高 騰といった問題に対し、自動車の分野でもエネルギー回生技術に注目し、省エネルギー化に対す る多くの取り組みが行われている.環境性能やエネルギー効率の面で優れた電気自動車 EV・PHV) や燃料電池車(FCV)に関しては、普及に向けた取り組みが日本のみならず世界各国で活発に進 められている.しかし,燃料電池車(FCV)に関しては水素ステーション等の充電インフラの整備 や価格,電気自動車(EV・・PHV)に関しては航続距離の短さなどの課題が残っており, 普及に 関しては 10 年以上の普及施策が必要である.これらの要因から,エンジン車が当面の間も主流 な方式として活躍することは確実である.ガソリンエンジンやディーゼルエンジンの燃焼技術に 関する研究は現在も行われており、代表されるものとして HCCI がある. 燃焼技術に関しての技 術的な成熟度を考慮すると、今後はエンジンそのものの燃焼技術とともに、周辺領域でエネルギ ーを回生する技術の重要度が高まってくると考えられる.有効利用が期待されるエネルギーとし て、熱エネルギーや振動エネルギーなどが挙げられる.こうした背景から、私の研究室では回生 エネルギーの1つとしてエンジン振動に着目し、エンジン振動を利用した発電方法の開発に取 り組んでいる.

以上の背景を踏まえ、本研究ではエンジン振動下でのFPEDの構造を最適化するための理論計算 法の開発を目的とする.本計算法は、「柔軟発電デバイスの変形モードにおけるモード分離型解法 を用いた理論計算法」によって構成されている.本稿では、数値計算法の概要を述べるとともに、 エンジン振動下でのFPEDの発電実験結果と理論計算結果を比較し、発電理論計算法の精度検証を 行う.



Fig. 1 Basic structure of the FPED

## 5.2 発電理論計算法

## ▶ モード分離型解法

本章では、ノッティンガム大学の Patel らによって導出された圧電素材と弾性材から構成され るはり部材を対象とした材料力学理論を用いて発電理論計算法の開発を行う.本理論モデルで は加振条件によって振動モードが予測されるため、計算負荷が小さなモード分離型解法を用いて いる.以下に、本計算に用いた支配方程式を示す.本計算手法では、まず始めに Transfer Matrix Method を用いて固有角振動数  $\omega$  を求め、その後、空間依存項であるモードシェイプ Wを求める. これによって、時間依存項であるモード振幅  $\eta$  と起電力 Vの2 個の変数以外のすべての項を求 めることができる.この変位量の非定常計算には、ニューマーク  $\beta$  法を、起電力の計算には 4 次のルンゲ・クッタ法を用いることとした.

$$\mathbf{w}(t) + 2\gamma \omega \mathbf{w}(t) + \omega^2 \eta(t)$$

$$= \mathbf{w}_{\text{base}}(t) \int_0^L \mu(x) W(x) dx - \varepsilon V(t) [W(x_1 + x_2) - W(x_1)]$$
(1)

$$C_{p} \frac{\partial V(t)}{\partial t} + \frac{V(t)}{R_{load}} = -E_{p} d_{yx} t_{pc} b_{p} \left[\frac{\partial W(x)}{\partial x}\right]_{x_{1}+x_{2}}^{x_{1}} \mathcal{P}(t)$$
<sup>(2)</sup>

## ▶ エンジン振動下における FPED の理論計算法

エンジン振動下における FPED の理論計算法を開発するためには(1)式における加振機の振動変 位w<sub>base</sub>をエンジンの振動変位に置き換える必要がある. そこでエンジンの振動変位を計算する ためのモデルをFig. 2に示す. Fig. 2からエンジンの運動方程式は以下の式で表される.



(3)

Fig. 2 Engine model

(3)式において $m_e$ はエンジン質量,  $c_e$ はエンジンマウントの減衰係数,  $k_e$ はエンジンマウントの ばね定数,  $z_e$ はエンジンの振動変位,  $f_e$ はエンジン内部のピストン運動によってエンジン本体に 与える慣性力,  $f_d$ は FPED の振動によってエンジン本体に与える慣性力を表している.また FPED の振動によってエンジン本体に与える慣性力 $f_d$ は以下の式で表される.

$$f_d = \int m_{FPED} \, \ddot{z}_d dx = \ddot{\eta}_q m_{FPED} \, W_q dx \tag{4}$$

(4)式において $m_{FPED}$ は FPED の質量、 $z_d$ はデバイスの質量を表している.次にエンジン内部のピストン運動によってエンジン本体にエンジン本体に与える慣性力 $f_e$ を計算するためのピストンクランク概念図を Fig. 3 に示す. Fig. 3 からピストンの振動加速度 $\ddot{x}$ は以下の式で与えられる.

$$\ddot{x}_P = rw^2 \left[ coswt + \frac{r}{l} cos2wt \right]$$
<sup>(5)</sup>



(5)式においてrはクランク半径,wは各周波数, lはコネクションロッド長さを表している.(5)で求 めたピストンの振動加速度とピストン質量*m*pの積 によってピストンがエンジンに与える慣性力を求 める.

Fig. 3 Piston-Crank model

# 5.3 実験結果と理論計算結果の比較

直列4気筒エンジンにFig. 4に示すFPEDを取り付け,FPEDの発電実験を行った.以下に発電 実験結果と理論計算結果を示す.



Fig. 4 FPED model

## ▶ 振動加速度

エンジン回転数に対するエンジンの振動加速度の実験結果と理論計算結果を Fig. 5 に示す.尚, FPED の固有振動数での実験結果と理論計算結果の振動加速度を一致させるため、エンジン質量、 ピストン質量、コネクションロッド長さ、クランク半径、エンジンマウントばね定数の各種パ ラメータを調節した. Fig. 5 から実験結果、理論計算結果ともにエンジン回転数が増加すること によって、振動加速度が増加することが確認出来る.



Fig. 5 Experimental result and Theoretical result of engine acceleration for rpm

FPED の共振点 2050 rpm の時刻暦応答に対するエンジンの振動加速度について,実験結果と理論 計算結果を Fig. 6 に示す. Fig. 6 から実験結果と理論計算結果の良い一致が確認出来る.



Fig. 6 Experimental result and Theoretical result of engine acceleration for the time history

## ▶ 発生電力

エンジン回転数に対する FPED の発生電力の実験結果と理論計算結果を Fig. 7 に示す.約0.005 ₩の誤差が発生しているが,傾向として概ね一致していることが確認できる.



Fig. 7 Experimental result and Theoretical result of power generation of FPED

## 6. まとめ

本研究では、既往研究において開発された柔軟発電デバイスの理論的設計ツールを応用した、 エンジン振動下での FPED の発電理論計算法の開発を目的として、ノッティンガム大学が保有し ているモードカップリングに基づく理論計算法にエンジン変位を代入することで新しい発電理 論シミュレーション法を開発した.次いで、本理論計算法をエンジン振動下での FPED の発電実 験と比較し、精度検証を行った.その結果、エンジンの振動加速度及び FPED の発生電力共に概 ね良好な計算結果を得ることが出来た.今後の課題として直列4気筒エンジンだけでなく様々な 種類のエンジンに対応したモデルの開発を行っていく.

## 7. 謝辞

約1ヶ月間の海外共同研究を通して、さまざまな経験を得ることが出来、勉強になることがた くさんありました.

本共同研究を指導していただいた Atanas Popov 先生,陸田秀実准教授,田中義和助教,研究 の助力や現地での生活を支援していただいた Dr の Rupesh さん,海外共同研究をサポートしてく ださいました実行委員の先生方,支援室国際事業担当の皆様に深く御礼申し上げます.